

算法分析

典型算法时间函数:

1° 1 执行1~N次的指令(常数级)

2° $\log N$ (对数级) 比 N 稍慢. 底数对其值的影响不大.

3° N (线性)

4° $N \log N$

5° N^2 (二次性) 该算法只对较小的问题实用.

6° N^3 (立方性) 该算法只对小问题实用.

7° 2^N (指数性) 蛮力算法.

注: 在计算机科学中 $\log N$ 常简写为 $\lg N$.

② $\lfloor x \rfloor$: 小于等于 x 的最大整数.

③ $\lceil x \rceil$: 大于等于 x 的最小整数.

基本递推式

1. 循环遍历输入删除某项:

$$C_N = C_{N-1} + N \quad (N \geq 2, C_1 = 1)$$

$$C_N = \frac{N(N+1)}{2} \approx \frac{N^2}{2}$$

2. 用一个步骤对分输入的递归程序:

$$C_N = C_{N/2} + 1, \quad (N \geq 2, C_1 = 1)$$

$$C_{2^n} = n + 1; \quad C_n \approx \lg N.$$

3. 对分输入, 但也许必须检查输入中的每一项的递归程序:

$$C_N = C_{N/2} + N \quad (N \geq 2, C_1 = 0)$$

$$C_N \approx 2N$$

4. 在等分输入之前, 之中, 之后, 必须线性遍历输入的递归程序:

$$C_N = 2C_{N/2} + N. \quad (N \geq 2, C_1 = 0)$$

$$C_N \approx N \lg N$$

5. 等分输入, 然后执行其它定量工作的递归程序:

$$C_N = 2(C_{N/2} + 1). \quad (N \geq 2, C_1 = 0)$$

$$C_N \approx N$$