

KMP算法 (模式匹配)

1. 目的: 字符串匹配 (模式匹配) 中, 实现对原字符串 t 的无回溯匹配。
2. 算法: 对模式 p , 当 $p_i \neq t_j$ 时, 直接右移 $i - \text{next}[i]$ 个字符, 如果 $\text{next}[i]$ 大于等于 0, 则从 t_j 与 $p_{\text{next}[i]}$ 继续比较, 否则从 t_{j+1} 与 p_1 比较下去。

3. 内核:

```
int pMatch (t, p, next next[]).
{ while (i < p->n && j < t->n)
  if (i  $i == -1$  ||  $p \rightarrow c[i] == t \rightarrow c[j]$ )
    { i++; j++; }
  else i = next[i];
  if (i >= p->n) return (j - p->n + 1);
  else return 0;
}
```

↑ 第一个字符
↑ 匹配模式在 t 中的序号 (从 1 开始)

4. 算法: 计算 next 数组: $\text{next}[i]$ 的值是 $p_0 \dots p_{i-1}$ 的最大相同前后缀的长度。

- ① 对任何 p , $\text{next}[0] = -1$;
- ② $\text{next}[i] < i$; (p 不可能向右移)
- ③ 若 $\text{next}[i] = k$, 则 $\text{next}[i+1] \leq k+1$;

内核: void makeNext (p, next[])

```
{ next k = -1, next[0] = -1;
  while (i < p->n-1) {
    while (k >= 0 &&  $p \rightarrow c[i] != p \rightarrow c[k]$ ) k = next[k];
    i++; k++;
    if ( $p \rightarrow c[i] == p \rightarrow c[k]$ ) next[i] = next[k];
    else next[i] = k;
  }
}
```

c 计算 next [i+1]
↑ 继续缩进。
↑ (若 $p_{\text{next}[i]} = p_i$, 则应该再移, 令 $k = \text{next}[k]$.)

5. 图示① $P = "abcaababc"$, $P \rightarrow 1 = 9$

下标 i	0	1	2	3	4	5	6	7	8	改进后的 next数组中 i 的值不再 表示 $P_0 - P_{i-1}$ 中 最大相同前缀的 长度了, 这在 $P_i = P_{next[i]}$ 时体 现出来。
P_i	a	b	c	a	a	b	a	b	c	
$P_0 - P_{i-1}$ 的值				0		1		1	2	
最后的判断, P_k 与 P_i		\neq	\neq	$=$	\neq	$=$	\neq	$=$	$=$	
$next[i]$	-1	0	0	-1	1	0	2	0	0	

$i=0$ $k=-1$

$\rightarrow i=1$ $k=0$ $next[1]=0.$

\rightarrow $P_i \neq P_k, k=-1$

$\rightarrow i=2$ $k=0$ $next[2]=0$

\rightarrow $P_i \neq P_k, k=-1$

$\rightarrow i=3$ $k=0$ $P_i = P_k, next[3] = next[0] = -1$

$\rightarrow i=4$ $k=1$ $P_i \neq P_k, next[4] = 1$

\rightarrow $P_i \neq P_k, k=0$

\rightarrow $P_i = P_k$

$\rightarrow i=5$ $k=1$ $P_i = P_k, next[5] = next[1] = 0.$

\rightarrow $P_i = P_k$

$\rightarrow i=6$ $k=2$

\rightarrow $P_i \neq P_k, next[6] = 2$

\rightarrow $P_i \neq P_k, k = next[2] = 0.$

\rightarrow $P_i = P_k$

$\rightarrow i=7$ $k=1$ $P_i = P_k, next[7] = next[1] = 0.$

$\rightarrow i=8$ $k=2$ $P_i = P_k, next[8] = next[2] = 0$

② $t = \text{"aabcbaabcaabcaababc"}$ $t \rightarrow n = 18$, p 同前例.

$i =$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
$t =$	a	a	b	c	b	a	b	c	a	a	b	c	a	a	b	a	b	c
p	a	b	c	a	a	b	a	b	c									
	✓	x																

$\text{next}[1] = 0$	a	b	c	a	a	b	a	b	c
	✓	✓	✓	x					

$\text{next}[3] = -1$	a	b	c	a	a	b	a	b	c
	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	x	

$\text{next}[6] = 2$	a	b	c	a	a	b	a	b	c
		✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓	✓

"i" $\geq p \rightarrow n$, return $j - p \rightarrow n + 1 = 18 - 9 + 1 = 10$;

时 ~~$O(m+n)$~~ $O(m+n)$ 空 $O(m)$